

Министарство просвете и спорта Републике Србије  
ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ

ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА

15.03.2008.

V РАЗРЕД

1. Којом цифром се завршава производ  $9 \cdot 9 \cdot 9$  (девет деветки)?

2. На правој су дате тачке  $A, B, C$  и  $D$ , тим редом. Тачке  $M$  и  $N$  су средишта дужи  $AB$  и  $BC$ . Израчунај дужину дужи  $CD$  ако је  $AD = 32\text{cm}$ , а дужина дужи  $MN = 1,5\text{dm}$ .

3. Два пужа  $A$  и  $B$  се "тркају" на стази дугачкој  $1\text{m}$ . Пуж  $A$  прелази  $2\text{dm}$  за  $2$  минута, а после свака  $2$  минута ходања, мора  $1,5$  минута да се одмара. Пуж  $B$  прелази  $2\text{dm}$  за  $3$  минута, а одмара се  $0,5$  минута после сваких пређених  $2\text{dm}$ . Који пуж ће први стићи на циљ?

4. У једној улици куће су нумерисане тако да су са једне стране куће са парним бројевима, а са друге стране са непарним. Са непарне стране бројеви иду од  $1$  до  $169$ , а са парне од  $2$  до  $114$ . Колико је цифара (знакова) употребљено за нумерацију свих кућа у тој улици?

5. Углови  $\alpha$  и  $\beta$  су суплементни, а  $\frac{2}{5}\alpha$  и  $\beta$  комплементни. Израчунај разлику углова  $\alpha$  и  $\beta$ .

Сваки задатак бодује се по  $20$  бодова.

Израда задатака траје  $120$  минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно образложити.

РЕШЕЊА ЗАДАТАКА

V РАЗРЕД

1. Број  $9 \cdot 9 = 81$  заврша се цифром **1** (**2 бода**). Број  $9 \cdot 9 \cdot 9$  завршава се цифром **9** (**2 бода**), а број  $9 \cdot 9 \cdot 9 \cdot 9$  цифром **1** (**2 бода**), итд. Дакле, сви производи са непарним бројем деветки завршавају се цифром **9**, а са парним бројем деветки цифром **1** (**10 бодова**). То значи да се тражени производ завршава цифром **9** (**4 бода**).

2.



Означимо  $MB = a$  и  $BN = b$ . Сада је  $MN = a+b = 1,5\text{dm} = 15\text{cm}$ . Како је  $AB = 2a$  (**2 бода**) и  $BC = 2b$  (**2 бода**), то је  $AC = 2a+2b = 2 \cdot (a+b) = 30\text{cm}$  (**10 бодова**). Дакле,  $CD = AD - AC = 2\text{cm}$  (**6 бодова**).

3. Пуж  $A$  прелази дужину од  $1\text{m}$  за  $10$  минута (**3 бода**) и притом се одмара  $4 \cdot 1,5 = 6$  минута (**4 бода**). Дакле пуж  $A$  ће на циљ стићи за  $16$  минута (**2 бода**). Пуж  $B$  прелази дужину од  $1\text{m}$  за  $5 \cdot 3 = 15$  минута (**3 бода**) и притом се одмара  $4 \cdot 0,5 = 2$  минута (**4 бода**). Дакле, пуж  $B$  ће стићи на циљ за  $17$  минута (**2 бода**). Пуж  $A$  стиже први на циљ (**2 бода**).

4. Са непарне стране је употребљено  $5 \cdot 1 + 45 \cdot 2 + 35 \cdot 3 = 5 + 90 + 105 = 200$  цифара (**8 бодова**), а са парне стране  $4 \cdot 1 + 45 \cdot 2 + 8 \cdot 3 = 4 + 90 + 24 = 118$  цифара (**8 бодова**). Дакле за нумерацију свих кућа у тој улици, употребљено је  $318$  цифара (**4 бодова**).

5. Из  $\alpha + \beta = 180^\circ$  (**2 бода**) и  $\frac{2}{5}\alpha + \beta = 90^\circ$  (**2 бода**), одмах видимо да је  $\frac{3}{5}\alpha = 90^\circ$  (**6 бодова**), тј.  $\alpha = 150^\circ$  (**3 бода**) и  $\beta = 30^\circ$  (**3 бода**). Сада је  $\alpha - \beta = 120^\circ$  (**4 бода**).