

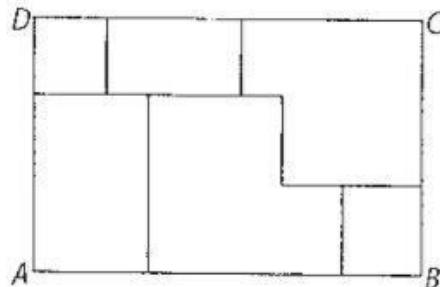
ОКРУЖНО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА  
09.04.2011.

В РАЗРЕД

- Израчунај вредност израза  $7 \cdot 1,2 - \frac{9}{10} : 0,3 - \frac{1}{2}$ .
- Испитај да ли је број  $2009 \cdot 2011 \cdot 2013 + 2008 \cdot 2010 \cdot 2012$  прост или сложен.
- Углови  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$  имају паралелне краке. Збир углова  $\alpha$  и  $\beta$  је  $2011'$ , а разлика углова  $\gamma$  и  $\beta$  је већа од правог угла. Израчунај углове  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$ .
- Дешифруј сабирање ако су цифре  $P$ ,  $Q$ ,  $R$  и  $S$  различити прости једноцифрени бројеви.

$$\begin{array}{r} P \\ P Q \\ P Q R \\ + P Q R S \\ \hline * S Q P \end{array}$$

- Одреди збир обима свих 6 фигура (види слику) које су настале поделом правоугаоника  $ABCD$  чије су странице дужине  $AB = 14,26\text{cm}$  и  $BC = 11,3\text{cm}$ . Свака од страница свих шест фигура паралелна је једном пару страница правоугаоника  $ABCD$ .



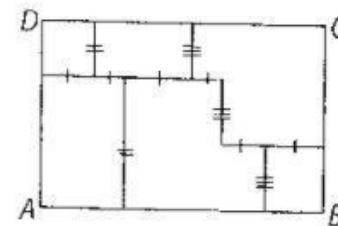
Сваки задатак се бодује са по 20 бодова.

Израда задатака траје 150 минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно образложити.

РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - В РАЗЕД

- (ML XLIV-5) 4,9 (20 бодова).
- Како је  $2013 = 3 \cdot 671$  и  $2010 = 3 \cdot 670$ , то се дати број може записати у облику  $3 \cdot (2009 \cdot 2011 \cdot 671 + 2008 \cdot 670 \cdot 2012)$ , па закључујемо да је он сложен (20 бодова).
- Како  $\alpha$ ,  $\beta$  и  $\gamma$  имају паралелне краке, они су једнаки или суплементни (5 бодова). Како је  $\alpha + \beta = 2011'$  то је  $\alpha = \beta = 16^\circ 45' 30''$  (5 бодова). Како је разлика углова  $\gamma$  и  $\beta$  већа од  $90^\circ$ , угао  $\gamma$  је туп и углови  $\gamma$  и  $\beta$  су суплементни (5 бодова) па је  $\gamma = 163^\circ 14' 30''$  (5 бодова).
- $P$ ,  $Q$ ,  $R$  и  $S$  могу имати вредности 2, 3, 5 и 7. Како је збир последњих цифара сабираја једанак  $P$ , а  $2 + 3 + 5 + 7 = 17$ , то је  $P = 7$  (5 бодова). Како са места јединица постоји прелаз од једне десетице имамо да је  $8 + Q + R = Q$ , тј.  $8 + R = 10$ , одакле је  $R = 2$  (5 бодова). Како са места десетица имамо пренос, имамо да је  $8 + Q = S$ , па закључујемо да је  $Q = 5$  (5 бодова) и  $S = 3$  (5 бодова).
- Како је збир дужина страница обележених са једном цртом, односно са две, односно са 3 црте једнак редом  $14,26\text{cm}$ ,  $11,3\text{cm}$ ,  $11,3\text{cm}$  (10 бодова) и како су све дужи обележене цртом странице две новодобијене фигуре, то је збир обима свих 6 фигура:  
$$(2 \cdot AB + 2 \cdot BC) + (2 \cdot AB + 4 \cdot BC) = 124,84\text{cm}$$
 (10 бодова).



Признавати и са максималним бројем бодова оценити свако тачно решење које није у кључу.